

Пусть a и n – целые неотрицательные числа. Составить программу-функцию возвращающую величину a^n .

Способ1. Функция $power(a,n)$ дает решение задачи за n рекурсивных вызовов:

$$power(a,n) := \begin{cases} 1 & \text{if } n = 0 \\ power(a,n-1) \cdot a & \end{cases}$$

```

program stepen;
var x,y:byte;
function power(a,n:byte):longint;
begin if n=0 then power:=1
else power:=a*power(a,n-1);
end;
begin readln(x,y); writeln(power(x,y)); readln; end.

```

Способ2 Можно составить программу, при исполнении которой значения переменных a и n не меняются, а значение некоторой другой переменной (например, b) становится равным a в степени n . Число действий (выполняемых операторов присваивания) будет порядка $\log_2 n$ (то есть не превосходило бы $C \cdot \log_2 n$ для некоторой константы C ; $\log_2 n$ — это степень, в которую нужно возвести 2, чтобы получить n).

Каждый второй раз (не реже) будет выполняться первый вариант оператора выбора (если k нечетно, то после вычитания единицы становится четным), так что за два цикла величина k уменьшается по крайней мере вдвое.

Алгоритм анализа показателя степени	
Без рекурсии	С рекурсией
<pre> var n,a,k,b,c:longint; begin readln(a,n); k := n; b := 1; c := a; while k <> 0 do begin if k mod 2 = 0 then begin k := k div 2; c := c * c end else begin k := k - 1; b := b * c end ; end; writeln(b); readln; end. </pre>	<pre> var n,a:longint; function f(x,y:longint):longint; var z:longint; begin if y=0 then f:=1 else if y mod 2 = 0 then f:=f(x*x,y div 2) else f:=f(x,y-1)*x; end; begin readln(a,n); writeln(f(a,n)); readln; end. </pre>